

## 6. Ü Dgln. für ET/AT 47./48.KW

=====

### Aufg. aus Heft E, Kap. 1 und 2

- Dgl. 1.21c mit L-Transf. lösen
- Dgl. 1.21c mit VdK lösen
  
- Dgl. 1.22f mit VdK lösen
  
- Dgl.-System 2.2d mit Eliminationsverf. lösen

### 1.21c AWP

=====

$y''' - y'' + 4y' - 4y = x^2 + x \sin(x)$  mit

$$\text{AB: } y(0) = \frac{1}{18}, \quad y'(0) = \frac{-1}{3}, \quad y''(0) = \frac{-7}{9}$$

#### Einzelsschritte:

laplace(y, x, y, s)

$$Lp = 0$$

laplace(y', x, y, s)

$$-y(0) + Lp \cdot s = 0$$

laplace(y'', x, y, s)

$$-s \cdot y(0) - y'(0) + Lp \cdot s^2 = 0$$

laplace(y''', x, y, s)

$$-s^2 \cdot y(0) - s \cdot y'(0) - y''(0) + Lp \cdot s^3 = 0$$

$$\mathcal{L}_x(x^2) [s]$$

$$\frac{2}{s^3}$$

$$\mathcal{L}_x(x \cdot \sin(x)) [s]$$

$$\frac{2 \cdot s}{(s^2+1)^2}$$

**Zusammenfassend:**

$$\text{laplace}(y''''-y''+4y'-4y=x^2+x \cdot \sin(x), x, y, s)$$

$$-s^2 \cdot y(0) - s \cdot y'(0) - y''(0) + Lp \cdot s^3 + s \cdot y(0) + y'(0) - Lp \cdot s^2 - 4 \cdot (y(0) \cdot$$

$$\text{ans} | Lp=Y$$

$$-s^2 \cdot y(0) - s \cdot y'(0) - 4 \cdot (y(0) - s \cdot Y) + s \cdot y(0) - y''(0) + y'(0) + s^3 \cdot Y - s$$

$$\text{ans} | \{y(0) = \frac{1}{18}, y'(0) = \frac{-1}{3}, y''(0) = \frac{-7}{9}\}$$

$$s^3 \cdot Y - s^2 \cdot Y - \frac{s^2}{18} + 4 \cdot \left(s \cdot Y - \frac{1}{18}\right) - 4 \cdot Y + \frac{7 \cdot s}{18} + \frac{4}{9} = \frac{2 \cdot s}{(s^2+1)^2} + \frac{2}{s^3}$$

$$\text{solve}(\text{ans}, Y)$$

$$\left\{ Y = \frac{s^9 - 7 \cdot s^8 - 2 \cdot s^7 - 14 \cdot s^6 - 7 \cdot s^5 + 65 \cdot s^4 - 4 \cdot s^3 + 72 \cdot s^2 + 36}{18 \cdot s^3 \cdot (s^3 - s^2 + 4 \cdot s - 4) \cdot (s^2 + 1)^2} \right\}$$

$$\text{expand}(\text{ans}, s)$$

$$\left\{ Y = \frac{7 \cdot s + 4}{72 \cdot (s^2 + 4)} - \frac{2 \cdot (s - 1)}{3 \cdot (s^2 + 1)} + \frac{11 \cdot s - 17}{18 \cdot (s^2 + 1)} + \frac{7}{18 \cdot (s - 1)} - \frac{3}{8 \cdot s} - \frac{1}{2 \cdot s^2} \right\}$$

**Rücktransf. einzeln:**

$$\mathcal{L}_s^{-1}\left(\frac{7 \cdot s + 4}{72 \cdot (s^2 + 4)}\right) [x]$$

$$\frac{7 \cdot \cos(2 \cdot x)}{72} + \frac{\sin(2 \cdot x)}{36}$$

Lös.-anteil von  $y_{\text{hom}}$ .

$$\mathcal{L}_s^{-1}\left(-\frac{2 \cdot (s-1)}{3 \cdot (s^2+1)}\right)[x]$$

$$\frac{-2 \cdot \cos(x)}{3} + \frac{2 \cdot \sin(x)}{3}$$

$$\mathcal{L}_s^{-1}\left(\frac{11 \cdot s - 17}{18 \cdot (s^2+1)}\right)[x]$$

$$\frac{11 \cdot \cos(x)}{18} - \frac{17 \cdot \sin(x)}{18}$$

$$\mathcal{L}_s^{-1}\left(\frac{7}{18 \cdot (s-1)}\right)[x]$$

$$\frac{7 \cdot e^x}{18}$$

Lös.-anteil von  $y_{\text{hom}}$ .

$$\mathcal{L}_s^{-1}\left(-\frac{s-1}{3 \cdot (s^2+1)^2}\right)[x]$$

$$\frac{-(x \cdot \cos(x) + x \cdot \sin(x) - \sin(x))}{6}$$

$$\mathcal{L}_s^{-1}\left(-\frac{3}{8 \cdot s} - \frac{1}{2 \cdot s^2} - \frac{1}{2 \cdot s^3}\right)[x]$$

$$\frac{-(2 \cdot x^2 + 4 \cdot x + 3)}{8}$$

expand(ans)

$$-\frac{x^2}{4} - \frac{x}{2} - \frac{3}{8}$$

Das ist die partikuläre Lös. zur Störfkt.  $x^2$

Zusammenfassung der  $\sin(x)$ - und  $\cos(x)$ -Anteile:

$$\frac{-(x \cdot \cos(x) + x \cdot \sin(x) - \sin(x))}{6} + \frac{11 \cdot \cos(x)}{18} - \frac{17 \cdot \sin(x)}{18} + \frac{-2 \cdot \cos(x)}{3}$$

$$\frac{-(x \cdot \cos(x) + x \cdot \sin(x) - \sin(x))}{6} - \frac{\cos(x)}{18} - \frac{5 \cdot \sin(x)}{18}$$

expand(ans)

$$\frac{-x \cdot \cos(x)}{6} - \frac{x \cdot \sin(x)}{6} - \frac{\cos(x)}{18} - \frac{\sin(x)}{9}$$

Das ist die partikuläre Lös. zur Störfkt.  $x \cdot \sin(x)$ .

**In einem Schritt:**

$$\mathcal{L}_s^{-1} \left( \frac{s^9 - 7 \cdot s^8 - 2 \cdot s^7 - 14 \cdot s^6 - 7 \cdot s^5 + 65 \cdot s^4 - 4 \cdot s^3 + 72 \cdot s^2 + 36}{18 \cdot s^3 \cdot (s^3 - s^2 + 4 \cdot s - 4) \cdot (s^2 + 1)^2} \right) [x]$$

$$\frac{-(18 \cdot x^2 + 12 \cdot x \cdot \cos(x) + 12 \cdot x \cdot \sin(x) - 28 \cdot \cosh(x) - 28 \cdot \sinh(x) + 4 \cdot \cos(x))}{72}$$

expand(ans)

$$\frac{-x^2}{4} - \frac{x \cdot \cos(x)}{6} - \frac{x \cdot \sin(x)}{6} + \frac{7 \cdot \cosh(x)}{18} + \frac{7 \cdot \sinh(x)}{18} - \frac{\cos(x)}{18} - \frac{\sin(x)}{9}$$

$$\text{trigToExp} \left( \frac{7 \cdot \cosh(x)}{18} + \frac{7 \cdot \sinh(x)}{18} \right)$$

$$\frac{7 \cdot e^x}{18}$$

**Umsortieren der Summanden:**

$$y(x) = \frac{7 \cdot \cos(2 \cdot x)}{72} + \frac{\sin(2 \cdot x)}{36} + \frac{7 \cdot e^x}{18}$$

$$-\frac{x^2}{4} - \frac{x}{2} - \frac{3}{8}$$

$$-\left(\frac{x}{6} + \frac{1}{18}\right) \cos(x) - \left(\frac{x}{6} + \frac{1}{9}\right) \sin(x)$$

Bestimmung von  $y_p$ , inhom mit VdK:

$$\begin{bmatrix} e^x \cos(2x) & \sin(2x) \\ e^x - 2\sin(2x) & 2\cos(2x) \\ e^x - 4\cos(2x) & -4\sin(2x) \end{bmatrix}^{-1} * \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ x^2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \frac{x^2 \cdot (2 \cdot (\cos(2x))^2 + 2 \cdot (\sin(2x))^2)}{10 \cdot (\cos(2x))^2 \cdot e^x + 10 \cdot (\sin(2x))^2 \cdot e^x} \\ \frac{-x^2 \cdot (2 \cdot \cos(2x) \cdot e^x - \sin(2x) \cdot e^x)}{10 \cdot (\cos(2x))^2 \cdot e^x + 10 \cdot (\sin(2x))^2 \cdot e^x} \\ \frac{-x^2 \cdot (\cos(2x) \cdot e^x + 2 \cdot \sin(2x) \cdot e^x)}{10 \cdot (\cos(2x))^2 \cdot e^x + 10 \cdot (\sin(2x))^2 \cdot e^x} \end{bmatrix}$$

simplify (ans)

$$\begin{bmatrix} \frac{x^2 \cdot e^{-x}}{5} \\ \frac{-x^2 \cdot (2 \cdot \cos(2x) - \sin(2x))}{10} \\ \frac{-x^2 \cdot (\cos(2x) + 2 \cdot \sin(2x))}{10} \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \int \frac{x^2 \cdot e^{-x}}{5} dx \\ \int \frac{-x^2 \cdot (2 \cdot \cos(2x) - \sin(2x))}{10} dx \\ \int \frac{-x^2 \cdot (\cos(2x) + 2 \cdot \sin(2x))}{10} dx \end{bmatrix}$$

$$\left[ \begin{array}{l} \frac{-(x^2+2x+2) \cdot e^{-x}}{5} \\ \frac{-(2x^2 \cdot \cos(2x) + 4x^2 \cdot \sin(2x) + 4x \cdot \cos(2x) - 2x \cdot \sin(2x) - \cos(2x))}{40} \\ \frac{4x^2 \cdot \cos(2x) - 2x^2 \cdot \sin(2x) - 2x \cdot \cos(2x) - 4x \cdot \sin(2x) - 2 \cdot \cos(2x)}{40} \end{array} \right]$$

simplify (ans)

$$\left[ \begin{array}{l} \frac{-(x^2+2x+2) \cdot e^{-x}}{5} \\ \frac{-(2x^2 \cdot \cos(2x) + (4x^2 - 2x - 2) \cdot \sin(2x) + 4x \cdot \cos(2x) - \cos(2x))}{40} \\ \frac{4x^2 \cdot \cos(2x) - (2x^2 + 4x - 1) \cdot \sin(2x) - 2x \cdot \cos(2x) - 2 \cdot \cos(2x)}{40} \end{array} \right]$$

$$\text{trn(ans)} * \begin{bmatrix} e^x \\ \cos(2x) \\ \sin(2x) \end{bmatrix}$$

$$\left[ \frac{-(2x^2 \cdot \cos(2x) + (4x^2 - 2x - 2) \cdot \sin(2x) + 4x \cdot \cos(2x) - \cos(2x))}{40} \right]$$

simplify (ans)

$$\left[ \frac{-(2x^2 + 4x + 3)}{8} \right]$$

expand (ans)

$$\left[ \frac{-x^2}{4} - \frac{x}{2} - \frac{3}{8} \right]$$

Das ist die partikuläre Lös. zur Störfkt.  $x^2$

Weiter:

$$\begin{bmatrix} e^x \cos(2x) & \sin(2x) \\ e^x - 2\sin(2x) & 2\cos(2x) \\ e^x - 4\cos(2x) & -4\sin(2x) \end{bmatrix}^{-1} * \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ x \sin(x) \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \frac{x \sin(x) \cdot (2 \cdot (\cos(2x))^2 + 2 \cdot (\sin(2x))^2)}{10 \cdot (\cos(2x))^2 \cdot e^x + 10 \cdot (\sin(2x))^2 \cdot e^x} \\ \frac{-x \sin(x) \cdot (2 \cdot \cos(2x) \cdot e^x - \sin(2x) \cdot e^x)}{10 \cdot (\cos(2x))^2 \cdot e^x + 10 \cdot (\sin(2x))^2 \cdot e^x} \\ \frac{-x \sin(x) \cdot (\cos(2x) \cdot e^x + 2 \cdot \sin(2x) \cdot e^x)}{10 \cdot (\cos(2x))^2 \cdot e^x + 10 \cdot (\sin(2x))^2 \cdot e^x} \end{bmatrix}$$

simplify (ans)

$$\begin{bmatrix} \frac{x \sin(x) \cdot e^{-x}}{5} \\ \frac{-x \sin(x) \cdot (2 \cos(2x) - \sin(2x))}{10} \\ \frac{-x \sin(x) \cdot (\cos(2x) + 2 \sin(2x))}{10} \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \int \frac{x \sin(x) \cdot e^{-x}}{5} dx \\ \int \frac{-x \sin(x) \cdot (2 \cos(2x) - \sin(2x))}{10} dx \\ \int \frac{-x \sin(x) \cdot (\cos(2x) + 2 \sin(2x))}{10} dx \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \frac{-(x \cos(x) + x \sin(x) + \cos(x)) \cdot e^{-x}}{10} \\ \frac{-(18x \cos(x) - 9x \sin(x) - 6x \cos(3x) + 3x \sin(3x) - 9 \cos(x))}{180} \\ \frac{-(9x \cos(x) + 18x \sin(x) - 3x \cos(3x) - 6x \sin(3x) + 18 \cos(x))}{180} \end{bmatrix}$$

$$\text{trn(ans)} * \begin{bmatrix} e^x \\ \cos(2x) \\ \sin(2x) \end{bmatrix}$$

$$\left[ \frac{-(9 \cdot x \cdot \cos(x) + 18 \cdot x \cdot \sin(x) - 3 \cdot x \cdot \cos(3 \cdot x) - 6 \cdot x \cdot \sin(3 \cdot x) + 18 \cdot \cos(x) + 18 \cdot \sin(x))}{180} \right]$$

simplify(ans)

$$\left[ \frac{-(3 \cdot x \cdot \cos(x) + 3 \cdot x \cdot \sin(x) + \cos(x) + 2 \cdot \sin(x))}{18} \right]$$

expand(ans)

$$\left[ \frac{-x \cdot \cos(x)}{6} - \frac{x \cdot \sin(x)}{6} - \frac{\cos(x)}{18} - \frac{\sin(x)}{9} \right]$$

Das ist die partikuläre Lös. zur Störfkt.  $x \cdot \sin(x)$ .

## 1.22f Euler-Dgl. und VdK

=====

$$x^2 y'' - x y' + y = 6x \ln(x) \quad \text{für } x > 0$$

Ansatz für  $y_p$ , inhom:

$$y_{\text{hom}} = C_1(x) * x + C_2(x) * x * \ln(x)$$

ableiten:

$$y' = C_1 * 1 + C_2 * \left( \ln(x) + x * \frac{1}{x} \right) \quad \text{mit } C_1' * x + C_2' * x * \ln(x) = 0$$

$$y'' = C_1 * 0 + C_2 * \frac{1}{x} + C_1' * 1 + C_2' * (\ln(x) + 1)$$

Einsetzen in  $x^2 y'' - x y' + y = 6x \ln(x)$

$$x^2 \left( C_1 * 0 + C_2 * \frac{1}{x} + C_1' * 1 + C_2' * (\ln(x) + 1) \right) - x * (C_1 * 1 + C_2 * (\ln(x) + x * \frac{1}{x})) + C_1 * x + C_2 * x * \ln(x)$$

$$x^2 \cdot \left( (\ln(x) + 1) \cdot C_2' + C_1' + \frac{C_2}{x} \right) - x \cdot (C_2 \cdot (\ln(x) + 1) + C_1) + C_2 \cdot x \cdot \ln(x)$$

simplify(ans)



$$x^2 \cdot (\ln(x) \cdot C_2' + C_1' + C_2') = 6 \cdot x \cdot \ln(x)$$

$$\begin{cases} C_1' \cdot x + C_2' \cdot x \cdot \ln(x) = 0 \\ x^2 \cdot (\ln(x) \cdot C_2' + C_1' + C_2') = 6 \cdot x \cdot \ln(x) \end{cases} \Big|_{C_1', C_2'}$$

Gleichungssystem in Matrixform lösen:

$$\begin{bmatrix} x & x \cdot \ln(x) \\ x^2 \cdot 1 & x^2 \cdot (\ln(x) + 1) \end{bmatrix}^{-1} * \begin{bmatrix} 0 \\ 6 \cdot x \cdot \ln(x) \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \frac{-6 \cdot (\ln(x))^2}{x} \\ \frac{6 \cdot \ln(x)}{x} \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \int \frac{-6 \cdot (\ln(x))^2}{x} dx \\ \int \frac{6 \cdot \ln(x)}{x} dx \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -2 \cdot (\ln(x))^3 \\ 3 \cdot (\ln(x))^2 \end{bmatrix}$$

$$\text{trn(ans)} * \begin{bmatrix} x \\ x \cdot \ln(x) \end{bmatrix}$$

$$[x \cdot (\ln(x))^3]$$

Das ist die partikuläre Lös. der inhom. Dgl. für  $x > 0$ .

## 2.2d Dgl.-System und Eliminationsverf.

=====

$$y_1' = y_3 + y_2 - y_1 \quad (1)$$

$$y_2' = y_3 - y_2 + y_1 \quad (2)$$

$$y_3' = y_3 + y_2 + y_1 \quad (3)$$

(1)+(2) ergibt

$$y_3 = \frac{1}{2}(y_1' + y_2') \quad (4)$$

$y_3$  eliminiert.

(4) in (1) und (3):

**reduziertes Dgl.-System:**

$$y_1' = \frac{1}{2}(y_1' + y_2') + y_2 - y_1 \quad (5)$$

$$\frac{1}{2}(y_1' + y_2')' = \frac{1}{2}(y_1' + y_2') + y_2 + y_1 \quad (6)$$

Hieraus mit (5)

$$\frac{1}{2}(y_1'' + y_2'') = \frac{1}{2}(y_1' + y_2') + y_2 + y_1 = y_1' - y_2 + y_1 + y_2 + y_1$$

d. h.

$$\frac{1}{2}(y_1'' + y_2'') = y_1' + 2y_1$$

und somit

$$y_2'' = 2(y_1' + 2y_1) - y_1'' \quad (7)$$

Damit ist  $y_2''$  eliminiert.

(5) ableiten und (7) einsetzen:

$$y_1'' = \frac{1}{2}(y_1'' + y_2'') + y_2' - y_1' = \frac{1}{2}y_1'' + \frac{1}{2}(2(y_1' + 2y_1) - y_1'') + y_2' - y_1'$$

erneut ableiten und (7) einsetzen:

$$y_1''' = \frac{1}{2}y_1''' + \frac{1}{2}(2(y_1'' + 2y_1') - y_1''') + 2(y_1' + 2y_1) - y_1'' - y_1''$$

**hom. Einzeldgl. 3. Ordnung vereinfachen:**  $y_1 = y$  setzen

$$0 = -y'''' + \frac{1}{2}y'''' + \frac{1}{2}(2(y'' + 2y') - y'''' ) + 2(y' + 2y) - y'' - y''$$

$$0 = \frac{-(y'''' - 2 \cdot (y'' + 2 \cdot y'))}{2} - \frac{y''''}{2} - 2 \cdot y'' + 2 \cdot (y' + 2 \cdot y)$$

simplify (ans)

$$0 = -y'''' - y'' + 4 \cdot y' + 4 \cdot y$$

**Ab hier kann die Aufgabe im Selbststudium fertig gerechnet werden:**

dSolve (ans, x, y)

$$\{y = e^{2 \cdot x} \cdot \text{const}(3) + e^{-x} \cdot \text{const}(2) + e^{-2 \cdot x} \cdot \text{const}(1)\}$$

Define y1(x) =  $e^{2 \cdot x} \cdot C3 + e^{-x} \cdot C2 + e^{-2 \cdot x} \cdot C1$

done

$$\frac{d}{dx}(y1(x))$$

$$(2 \cdot C3 \cdot e^{4 \cdot x} - C2 \cdot e^x - 2 \cdot C1) \cdot e^{-2 \cdot x}$$

simplify (ans)

$$2 \cdot C3 \cdot e^{2 \cdot x} - C2 \cdot e^{-x} - 2 \cdot C1 \cdot e^{-2 \cdot x}$$

$$\frac{d^2}{dx^2}(y1(x))$$

$$(4 \cdot C3 \cdot e^{4 \cdot x} + C2 \cdot e^x + 4 \cdot C1) \cdot e^{-2 \cdot x}$$

simplify (ans)

$$4 \cdot C3 \cdot e^{2 \cdot x} + C2 \cdot e^{-x} + 4 \cdot C1 \cdot e^{-2 \cdot x}$$

in (7) einsetzen:

$$y2'' = 2(y1' + 2y1) - y1''$$

$$2 \frac{d}{dx}(y1(x)) + 4y1(x) - \frac{d^2}{dx^2}(y1(x))$$

$$-(4 \cdot C_3 \cdot e^{4 \cdot x} + C_2 \cdot e^x + 4 \cdot C_1) \cdot e^{-2 \cdot x} + 2 \cdot (2 \cdot C_3 \cdot e^{4 \cdot x} - C_2 \cdot e^x - 2 \cdot C_1) \cdot e^{-2 \cdot x}$$

simplify (ans)

$$4 \cdot C_3 \cdot e^{2 \cdot x} + C_2 \cdot e^{-x} - 4 \cdot C_1 \cdot e^{-2 \cdot x}$$

$$y_2'' = 4 \cdot C_3 \cdot e^{2 \cdot x} + C_2 \cdot e^{-x} - 4 \cdot C_1 \cdot e^{-2 \cdot x}$$

$$\int \int 4 \cdot C_3 \cdot e^{2 \cdot x} + C_2 \cdot e^{-x} - 4 \cdot C_1 \cdot e^{-2 \cdot x} dx dx$$

$$C_3 \cdot e^{2 \cdot x} + C_2 \cdot e^{-x} - C_1 \cdot e^{-2 \cdot x}$$

$$\text{Define } y_2(x) = C_3 \cdot e^{2 \cdot x} + C_2 \cdot e^{-x} - C_1 \cdot e^{-2 \cdot x}$$

done

nun in (4) einsetzen:

$$\text{Define } y_3(x) = \frac{1}{2} \frac{d}{dx} (y_1(x) + y_2(x))$$

done

$y_3(x)$

$$\frac{(4 \cdot C_3 \cdot e^{3 \cdot x} - 2 \cdot C_2) \cdot e^{-x}}{2}$$

expand (ans)

$$2 \cdot C_3 \cdot e^{2 \cdot x} - C_2 \cdot e^{-x}$$

**Endergebnis:**

$$\begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ y_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} e^{2 \cdot x} \cdot C_3 + e^{-x} \cdot C_2 + e^{-2 \cdot x} \cdot C_1 \\ C_3 \cdot e^{2 \cdot x} + C_2 \cdot e^{-x} - C_1 \cdot e^{-2 \cdot x} \\ 2 \cdot C_3 \cdot e^{2 \cdot x} - C_2 \cdot e^{-x} + 0 \cdot C_1 \cdot e^{-2 \cdot x} \end{bmatrix}$$

$$= C_3 \cdot e^{2 \cdot x} \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 2 \end{bmatrix} + C_2 \cdot e^{-x} \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ -1 \end{bmatrix} + C_1 \cdot e^{-2 \cdot x} \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

**Probe:**

$$\frac{d}{dx}(y_1(x)) = y_3(x) + y_2(x) - y_1(x)$$

$$(2 \cdot C_3 \cdot e^{4 \cdot x} - C_2 \cdot e^x - 2 \cdot C_1) \cdot e^{-2 \cdot x} = \frac{(4 \cdot C_3 \cdot e^{3 \cdot x} - 2 \cdot C_2) \cdot e^{-x}}{2} - 2 \cdot C_1$$

simplify (ans)

$$2 \cdot C_3 \cdot e^{2 \cdot x} - C_2 \cdot e^{-x} - 2 \cdot C_1 \cdot e^{-2 \cdot x} = 2 \cdot C_3 \cdot e^{2 \cdot x} - C_2 \cdot e^{-x} - 2 \cdot C_1 \cdot e^{-2 \cdot x}$$

judge (ans)

TRUE

$$\frac{d}{dx}(y_2(x)) = y_3(x) - y_2(x) + y_1(x)$$

$$(2 \cdot C_3 \cdot e^{4 \cdot x} - C_2 \cdot e^x + 2 \cdot C_1) \cdot e^{-2 \cdot x} = \frac{(4 \cdot C_3 \cdot e^{3 \cdot x} - 2 \cdot C_2) \cdot e^{-x}}{2} + 2 \cdot C_1$$

simplify (ans)

$$2 \cdot C_3 \cdot e^{2 \cdot x} - C_2 \cdot e^{-x} + 2 \cdot C_1 \cdot e^{-2 \cdot x} = 2 \cdot C_3 \cdot e^{2 \cdot x} - C_2 \cdot e^{-x} + 2 \cdot C_1 \cdot e^{-2 \cdot x}$$

judge (ans)

TRUE

$$\frac{d}{dx}(y_3(x)) = y_3(x) + y_2(x) + y_1(x)$$

$$(4 \cdot C_3 \cdot e^{3 \cdot x} + C_2) \cdot e^{-x} = 2 \cdot C_3 \cdot e^{2 \cdot x} + \frac{(4 \cdot C_3 \cdot e^{3 \cdot x} - 2 \cdot C_2) \cdot e^{-x}}{2} + 2 \cdot C_2$$

simplify (ans)

$$4 \cdot C_3 \cdot e^{2 \cdot x} + C_2 \cdot e^{-x} = 4 \cdot C_3 \cdot e^{2 \cdot x} + C_2 \cdot e^{-x}$$

judge (ans)

TRUE